# Transformer モデルの量子化における活性分布の整形による精度維持に関する研究

TR23009 若山 浩之

### 指導教授:藤吉 弘亘

## 1.はじめに

Transformer モデルは、自然言語処理や画像認識分野の 幅広いタスクにて卓越した性能を発揮している.本モデル は高精度化に伴いモデルサイズが増大しており、小規模な ハードウェア環境で動作させることが困難である.その解 決法として、枝刈り、蒸留、量子化等によるモデル圧縮が行 われている.本研究では、モデル内部の数値を低ビットで 表現する量子化に着目し、モデル圧縮を図る.Transformer モデルの主要な計算量を占める Linear 層において、アク ティベーションを 8bit、重みを 1.58bit に量子化すること で、モデル全体の圧縮を図る.

Transformer モデルの MLP ブロックで使用する 2 層 の Linear 層には, 非線形変換として GELU 関数を用いる. GELU 関数の出力は小さな正の値を多く含むロングテール 分布の特性を持つ.この特性が,量子化時に数値の丸め誤差 を増大させる要因となる [1].本研究では,この課題を解決 するために,GELU 関数の出力分布を整形する Activation Shaping Connection (ASC)を提案する.提案手法により, 高精度を維持しながらモデルを圧縮が可能になる.

### 2.量子化

量子化とは,高ビットの数値表現を低ビットに変換し,モ デル圧縮する技術である.通常,モデルの中間特徴量であ るアクティベーションや重みは 32bit 浮動小数点で表現さ れるが,これを 8bit や 4bit に圧縮することでモデル圧縮 を図る.しかし,量子化による丸め誤差が累積し,精度低下 を招く可能性がある.そのため,高精度を維持するための 工夫が必要である.

Transformer モデルの主要な計算量を占める Linear 層 の量子化は, モデル圧縮において重要となる. BitNet[2] で は Transformer の Linear 層を量子化してモデルを圧縮す る手法が提案されている. Linear 層に量子化を適用した BitLinear 層の計算方法を図1に示す.

Layer Norm は, アクティベーションの平均と分散を計 算して標準化を行う. この操作により, アクティベーショ ン分布が一定の範囲内に収まり, 量子化による誤差を抑制 できる.

Layer Norm を通した, アクティベーションを, 8bit に 量子化する. その際, 入力値を特定の範囲内に収まるよう, スケーリングと整数化を段階的に行う. まず, アクティベー ション行列  $x \in \mathbb{R}^{N \times D}$  の全要素の絶対値に対する最大値 を  $\gamma = \max(|x|)$  と定義し, これを基準に x の各要素を [-1,1] の範囲にスケーリングする. 次に, スケーリングし た値を [-128, 127] の範囲に再スケーリングし, 最後に整 数化を行う. この一連の操作を式 (1) に示す.

$$x_{\text{quant}} = \text{round}\left(\text{Clip}\left(\frac{x \cdot 128}{\gamma}, -128, 127\right)\right)$$
 (1)

ここで, Clip 関数は, 値を [-128,127] の範囲に収める役 割を持つ.

重みは 1.58bit を量子化する. ここで, 1.58bit とは, 重 みが 3 値  $\{-1,0,1\}$  に量子化される際の情報量を示し,  $-\log_2(1/3) = \log_2 3$  に基づくエントロピーで算出される. この量子化では, 重み行列  $W \in \mathbb{R}^{N \times D}$  を特定の範囲に収め, スケーリング後に 3 値  $\{-1,0,1\}$  に変換する.まず, 重み行 列 W の全要素に対して, 絶対値の平均値  $\beta = \text{mean}(|W|)$ を基準にスケーリングを行い, RoundClip 関数を用いて 3 値化を行う.この操作を式 (2) に示す.

$$w_{\text{quant}} = \text{RoundClip}\left(\frac{w}{\beta}, -1, 1\right)$$
 (2)

ここで, RoundClip 関数は, 値を {-1, 0, 1} の最も近い値 に丸める役割を持つ. 逆量子化では,量子化したアクティベーションと重みを 元のスケールに復元する処理を行う.量子化により出力が スケーリングした値となるため,補正が必要である.この 処理を式(3)に示す.

$$y = w_{\text{quant}} \cdot x_{\text{quant}} \cdot \frac{\beta\gamma}{128} \tag{3}$$

ここで,  $\gamma$  はアクティベーションのスケーリング係数, 128 は量子化による定数スケール,  $\beta$  は重みのスケーリング係 数を表す.これらの係数を組み合わせることで,量子化し た出力を補正し,元のスケールに再調整する.この逆量子 化処理により,スケーリングの影響を最小限に抑えた出力 を得る.



図 1: BitLinear 層の計算方法

## 3.GELU 関数によるロングテール分布の課題点

本研究では、BitNet で提案された Linear 層の量子化手法 を、画像認識タスクに特化した Vision Transformer (ViT) に適用する. ViT は計算量の多くが Linear 層に集中して いるため、Linear 層を BitLinear 層へ置き換えることでモ デル圧縮を図る.また、GELU 関数によるロングテール分 布が量子化時に与える影響を分析し、その課題を解決する ための手法を提案する.



図 2: BitLinear 層を使用した Vison Transformer

BitLinear 層を使用した ViT のモデル構造を図 2 に示 す. ViT の MLP ブロックでは,非線形活性化関数として GELU 関数が採用されている. この GELU 関数の出力は ロングテール分布を持つ特性があり,アクティベーション を [-128,127] の範囲で量子化する際,負の値に対応する [-128,0] の範囲がほとんど利用されない課題が生じる.量 子化では数値の表現範囲が非効率に利用されることで,使 用可能な数値の幅が無駄に使用され,その結果,モデルの表 現力が低下する.

図3に示すガウス分布とロングテール分布の丸め誤差に 関するシミュレーション結果から、両分布における平均二乗 誤差の違いを示す. Linear 層および BitLinear 層の丸め誤 差を比較した結果、ガウス分布では平均二乗誤差が0.02で あるのに対し、ロングテール分布では1.33と、ロングテー ル分布では丸め誤差がさらに大きくなる. これらの結果は、 ロングテール分布が量子化に伴う丸め誤差の累積を引き起 こす原因となることを示唆している.



図 3: 分布形状による丸め誤差シミレーション

## 4.提案手法

本研究では、GELU 関数によるロングテール分布の課題 を解決するために、アクティベーション分布を整形する新 たなコネクションである Activation Shaping Connection (ASC) を提案する. ASC は, GELU 関数により生じるロ ングテール分布を整形することで,量子化時の丸め誤差の 累積を抑制し、精度を維持することを目指す.

# 4.1 Activation Shaping Connection

ASC は、アクティベーションの分布を整形することで、 丸め誤差の累積を抑制し, 学習の安定性を向上させるため のコネクションである.本研究では、ViT の MLP ブロッ クで使用される GELU 関数のロングテール分布を, 正負の 値がより均等に分布する形状に整形するように ASC を導 入する. ASC を導入した MLP ブロックの構造を図 4 に示 す. この整形処理では, BitLinear 層を用いて変換し, 分布 を整形する. ASC の処理を式 (4) に示す.

$$\mathbf{y} = \text{GELU}(\text{BitLinear}(\mathbf{x})) \odot \text{BitLinear}(\mathbf{x}) \qquad (4)$$

ここで, x はアクティベーション, ⊙ は要素積を示す. 具 体的には, BitLinear 層の後に GELU 関数を適用する通常 の処理に加え、新たに BitLinear 層を通過するコネクショ ンを導入する. この導入したコネクションの出力と, 通常 の処理の出力間で要素積を計算することで、 整形された出 力 y を得る. この結果, 整形した y を MLP ブロックの 2 層目の BitLinear 層に入力する. これにより, GELU 関数 のロングテール分布に起因する課題が解決され、丸め誤差 の累積を抑制できる.



図 4: ASC を導入した MLP ブロック

# 4.2 ガウス分布整形の Loss の導入

MLP ブロックの2層目の BitLinear 層への入力分布は、 ASC により得られる出力分布に依存する. そのため, ASC の出力分布が極端に偏ると、意図した分布整形が機能しな くなるため、適切な対称性を持たせる必要がある. そこで、 Loss 関数にガウス分布への近似を促す制約を追加する.具 体的には, ASC により出力される BitLinear 層の分布をガ ウス分布に近似させるため、λgauss を追加して分布の整形 を行う. Loss 関数の全体式を式 (5) に示す.

$$\lambda_{\rm all} = \lambda_{\rm label} + \alpha \cdot \lambda_{\rm gauss} \tag{5}$$

ここで、 $\lambda_{label}$  は従来のラベルに基づく損失、 $\lambda_{gauss}$  は出 力分布をガウス分布に近似させるための損失, α は両損失 項の重み付けバランスを調整するハイパーパラメータであ

る. λ<sub>gauss</sub> は, 各層の ASC におけるアクティベーションを 標準化し,標準化したアクティベーションとガウス分布と の間の KL ダイバージェンスを計算することで、アクティ ベーションをガウス分布に近似させる.

#### 5.評価実験

本章では、提案手法の有効性を検証するために、ImageNet-1k データセットを用いて評価実験を実施する.

#### 5.1 Activation Shaping Connection の有効性

提案手法である ASC の有効性を評価するため, 従来の MLP ブロックを使用した BitNet と, ASC を導入したモ デルを比較する.表1に示すように,ASCの導入により BitNet と比較して精度が 7.22 ポイント向上した. この改 善は, GELU 関数のロングテール分布を適切に整形し, 丸 め誤差の累積を抑制したことが主な要因であると考える. また, 量子化なしの ViT と比較して, Linear 層の圧縮率が 63.59 %に達した. 一方で, ガウス分布に近似する Loss の ハイパーパラメータ αを 1.0 に設定すると精度が低下した. しかし, α = 0.0009 に設定した場合は, Loss を導入しない 場合より精度が向上した. これは、ガウス分布の近似より 分布整形が安定し,丸め誤差の抑制および学習全体の安定 性が向上したと考える.

表 1: ASC を用いた評価結果

モデル	量子化	ASC	α	サイズ [MB]	精度 [%]
ViT	-	-	-	2084.33	64.68
	$\checkmark$	-	-	531.14	49.38
		$\checkmark$	0	758.76	56.60
	$$	$\checkmark$	1.0	758.76	48.93
BitNet	$$	$\checkmark$	0.9	758.76	53.56
		$\checkmark$	0.09	758.76	55.98
		$\checkmark$	0.009	758.76	56.61
	$\checkmark$	$\checkmark$	0.0009	758.76	56.97

### 5.2 ASC によるアクティベーション分布の可視化

ASC の有効性を検証するため、アクティベーション分布 の変化を可視化する.図5に示すように、ASCの各ルート で得られる分布形状を比較した結果, アクティベーション が最終的に正負の値がより均等に分布する形状に整形され ることを確認した. この結果, ASC は GELU 関数による ロングテール分布の課題を抑制し、次の BitLinear 層での 丸め誤差の累積を抑制できることを示す.



6.おわりに

本研究では、小規模ハードウェア環境で動作可能な Transformer モデルを実現するため、GELU 関数のロングテー ル分布を整形し、丸め誤差を抑制する ASC を導入した量 子化手法を提案した.評価実験の結果,提案手法が精度向 上とモデル圧縮の両立に有効であることを確認した. また, 小規模なハードウェア環境への適用可能性が示され, 実用 化への期待が高まる結果となった.今後は,より複雑なモ デルや多様なタスクへの適用可能性についてさらなる検証 を進める予定である.

### 参考文献

- [1] L. Yijiang, et al., "Noisyquant: Noisy bias-enhanced post-training activation quantization for vision transformers", WACV, 2023.
- [2] M. Shuming, et al., "The Era of 1-bit LLMs: All Large Language Models are in 1.58 Bits", arXiv:2402.17764 ,2024.

#### 研究業績

[1] 若山浩之 等, "CNN と ViT を組み合わせたモデルのノイズ への頑健性",画像の認識・理解シンポジウム, 2023.